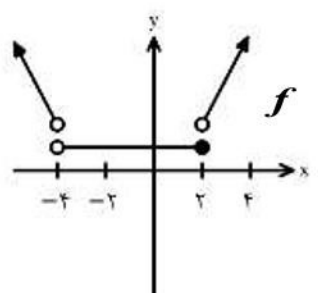
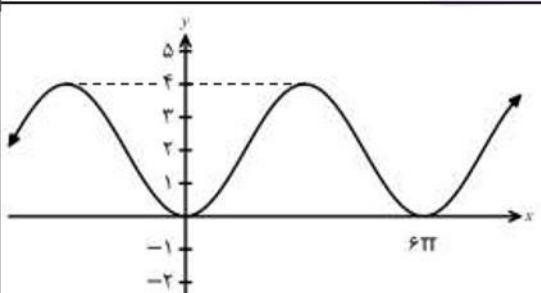


سؤالات آزمون نهایی درس: ریاضی ۳	پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۱۱
تعداد صفحه: ۲	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش	
ردیف		سؤالات (پاسخ برگ دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.	

۰/۷۵	۱	درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را مشخص کنید. الف) دو پیشامد A و B از هم مستقل هستند، هرگاه $A \cap B = \emptyset$. ب) هرچه خروج از مرکز بیضی کوچکتر و به صفر نزدیکتر باشد، شکل بیضی به شکل دایره نزدیکتر است. پ) نمودار تابع $y = 3f(x)$ با انبساط نمودار $y = f(x)$ در امتداد محور y ها به دست می آید.										
۰/۵	۲	جاهای خالی را با عبارتهای مناسب پر کنید. الف) شکل حاصل از دوران یک مثلث قائم الزاویه حول یکی از اضلاع قائمه آن است. ب) نقطه به طول c از دامنه تابع f که در آن $f'(c) = 0$ یا $f'(c)$ موجود نباشد را یک نقطه می نامیم.										
۰/۷۵	۳	با توجه به نمودار تابع f ، در جدول زیر برای هر یک از قسمت های ستون « A » قسمت صحیح از ستون « B » را انتخاب کنید. (یکی از قسمت های ستون « B » اضافه است.)  <table border="1" data-bbox="750 806 1436 1075"> <thead> <tr> <th>B</th> <th>A</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>(۱) $(-\infty, -4)$</td> <td>الف) تابع در این بازه اکیداً صعودی است.</td> </tr> <tr> <td>(۲) $(2, +\infty)$</td> <td>ب) تابع در این بازه اکیداً نزولی است.</td> </tr> <tr> <td>(۳) $(-1, +\infty)$</td> <td>پ) تابع در این بازه ثابت است.</td> </tr> <tr> <td>(۴) $(-4, 2]$</td> <td></td> </tr> </tbody> </table>	B	A	(۱) $(-\infty, -4)$	الف) تابع در این بازه اکیداً صعودی است.	(۲) $(2, +\infty)$	ب) تابع در این بازه اکیداً نزولی است.	(۳) $(-1, +\infty)$	پ) تابع در این بازه ثابت است.	(۴) $(-4, 2]$	
B	A											
(۱) $(-\infty, -4)$	الف) تابع در این بازه اکیداً صعودی است.											
(۲) $(2, +\infty)$	ب) تابع در این بازه اکیداً نزولی است.											
(۳) $(-1, +\infty)$	پ) تابع در این بازه ثابت است.											
(۴) $(-4, 2]$												
۱	۴	اگر $f(x) = 3\sqrt{x} + 2$ و $f(g(x)) = 3x^2 - 4$ ، آنگاه ضابطه تابع $g(x)$ را به دست آورید.										
۰/۵ ۰/۵	۵	اگر $f(x) = \sqrt{x-2}$ باشد، آنگاه: الف) دامنه تابع $f^{-1} \circ f$ را به دست آورید. ب) مقدار $f^{-1}(5)$ را محاسبه کنید.										
۱/۵	۶	نمودار زیر مربوط به تابعی با ضابطه $f(x) = a \cos(bx) + 2$ یا $f(x) = a \sin(bx) + 2$ است. با دقت در شکل نمودار و محاسبه مقادیر a و b ، ضابطه مربوط به این تابع را به دست آورید. 										
۱/۵	۷	معادله مثلثاتی $\sin x \cdot \cos x = \frac{\sqrt{2}}{4}$ را حل کنید و جواب های کلی آن را بنویسید.										
۲	۸	حدود زیر را محاسبه کنید ([] نماد جزء صحیح است). الف) $\lim_{x \rightarrow 8} \frac{x-8}{\sqrt[3]{x}-2}$ ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^5 + 4}{x^3 + x^5}$ پ) $\lim_{x \rightarrow 4^-} \frac{[x]-4}{4-x}$										
۱	۹	مشتق تابع $f(x) = x^2 + 1$ را در $x = 2$ با استفاده از تعریف مشتق به دست آورید.										
صفحه ۱ از ۲												

سوالیات آزمون نهایی درس: ریاضی ۳	پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۱۱
تعداد صفحه: ۲	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴			مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش
ردیف	سوالات (پاسخ برگ دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.		

۰/۷۵	۱	مشتق توابع زیر را به دست آورید (ساده کردن مشتق الزامی نیست). الف) $f(x) = (x^3 + 6x)\sqrt{x}$ ب) $g(x) = \frac{2x+3}{5x^2+4}$	۱۰
۰/۷۵	۱	اگر $g(2) = 5$ ، $g'(2) = 3$ و $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{f(x) - f(5)}{x - 5} = 4$ باشد، آنگاه مشتق تابع $h(x) = (f \circ g)(x)$ را در $x = 2$ به دست آورید.	۱۱
۰/۲۵	۰/۵	نمودار تابع f در زیر رسم شده است. الف) تابع f در چند نقطه از دامنه اش مشتق ناپذیر است؟ ب) آیا تابع f روی بازه $[4, 6]$ مشتق پذیر است؟ چرا؟	۱۲
۰/۵	۰/۵	تابع $f(x) = 7\sqrt{x} + 50$ قد متوسط کودکان را بر حسب سانتی متر تا حدود ۶۰ ماهگی نشان می دهد، که در آن x مدت زمان پس از تولد (بر حسب ماه) است. آهنگ لحظه ای تغییر قد کودک را در ۲۵ ماهگی به دست آورید.	۱۳
۰/۲۵	۱	تابع $f(x) = x^3 - 12x + 4$ را در نظر بگیرید. الف) بزرگترین بازه از \square که تابع f در آن نزولی اکید است را به دست آورید. ب) طول نقطه ماکزیمم نسبی تابع f را مشخص کنید.	۱۴
۱/۵	۱/۵	می خواهیم مطابق شکل مقابل، سه ضلع یک محوطه به شکل مستطیل را در کنار رودخانه نرده کشی کنیم. اگر تنها هزینه ۱۰۰ متر نرده را در اختیار داشته باشیم، به کمک جدول تغییرات، بیشترین مساحت ممکن برای این مستطیل را محاسبه کنید.	۱۵
۱	۱	کانون های یک بیضی نقاط $(1, 3)$ و $(1, -5)$ است. اگر اندازه نصف قطر بزرگ آن برابر ۵ باشد، اندازه قطر کوچک بیضی را به دست آورید.	۱۶
۱	۱	معادله دایره ای را بنویسید که مرکز آن نقطه $(1, -2)$ بوده و بر خط $4x - 3y = 25$ مماس باشد.	۱۷
۱/۲۵	۱/۲۵	دو جعبه یکسان داریم. درون یکی از آنها ۱۰ لامپ قرار دارد که ۴ تا از آنها معیوب است و درون جعبه دیگر ۲۰ لامپ قرار دارد که ۵ تا از آنها معیوب اند. به تصادف جعبه ای انتخاب کرده و یک لامپ از آن به تصادف بیرون می آوریم. چقدر احتمال دارد لامپ انتخابی سالم باشد؟	۱۸
۲۰		موفق باشید	جمع
		صفحه ۲ از ۲	

گذاری آزمون نهایی درس: ریاضی ۳		پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۱۱
تعداد صفحه: ۹		مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران
ردیف		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش		
گذاری		تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		
نمره				

روش اول:

$$|a| + 2 = 4 \Rightarrow |a| = 2 \xrightarrow{a < 0} a = -2 \quad (۰/۲۵)$$

$$T = \frac{2\pi}{|b|} = 6\pi \Rightarrow b = \pm \frac{1}{3} \quad (۰/۲۵)$$

$$f(x) = -2 \cos\left(\frac{x}{3}\right) + 2 \quad (۰/۲۵)$$

تشخیص این که تابع کسینوسی است: (۰/۲۵)

روش دوم:

$$|a| = \frac{4-0}{2} = 2 \xrightarrow{a < 0} a = -2 \quad (۰/۲۵)$$

$$T = \frac{2\pi}{|b|} = 6\pi \Rightarrow b = \pm \frac{1}{3} \quad (۰/۲۵)$$

$$f(x) = -2 \cos\left(\frac{x}{3}\right) + 2 \quad (۰/۲۵)$$

تشخیص این که تابع کسینوسی است: (۰/۲۵)

روش سوم:

تشخیص این که تابع کسینوسی است: (۰/۲۵)

$$f(0) = 0 \Rightarrow a \cos(0) + 2 = 0 \Rightarrow a = -2 \quad (۰/۲۵)$$

$$f(6\pi) = 0 \Rightarrow -2 \cos(6\pi b) + 2 = 0 \Rightarrow 6\pi b = 2k\pi \Rightarrow b = \frac{k}{3} \quad k \in \mathbb{Z} \xrightarrow{\frac{0/25}{T=6\pi}} b = \pm \frac{1}{3} \quad (۰/۲۵)$$

توجه ۱: در صورتی که دانش آموز هر یک از موارد $|b| = \frac{1}{3}$ یا $b = \frac{1}{3}$ یا $b = -\frac{1}{3}$ را نوشته باشد، نمره (۰/۲۵) تعلق گیرد.

توجه ۲: در صورتی که دانش آموز ضابطه تابع را به صورت $f(x) = -2 \cos\left(-\frac{x}{3}\right) + 2$ بنویسد، (۰/۲۵) نمره تعلق گیرد.

صفحات ۴۰ و ۴۱

گذاری آزمون نهایی درس: ریاضی ۳		پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۱۱
تعداد صفحه: ۹		مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران
ردیف		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش		
گذاری		تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		
نمره				

روش اول:

$$2 \sin x \cdot \cos x = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \underbrace{\sin(2x)}_{\cdot/25} = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \underbrace{\sin(2x)}_{\cdot/25} = \sin\left(\frac{\pi}{4}\right)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2x = 2k\pi + \frac{\pi}{4} \quad (\cdot/25) \\ 2x = (2k+1)\pi - \frac{\pi}{4} \quad (\cdot/25) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = k\pi + \frac{\pi}{8} \quad (\cdot/25) \\ x = \frac{(2k+1)\pi}{2} - \frac{\pi}{8} \quad (\cdot/25) \end{cases} \quad k \in \mathbb{Z}$$

روش دوم:

$$\frac{1}{2} \sin(2x) = \frac{\sqrt{2}}{4} \Rightarrow \underbrace{\sin(2x)}_{\cdot/25} = \frac{\sqrt{2}}{2} = \sin\left(\frac{\pi}{4}\right) \Rightarrow$$

$$\frac{1}{5} \begin{cases} 2x = 2k\pi + \frac{\pi}{4} \quad (\cdot/25) \\ 2x = (2k+1)\pi - \frac{\pi}{4} \quad (\cdot/25) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = k\pi + \frac{\pi}{8} \quad (\cdot/25) \\ x = \frac{(2k+1)\pi}{2} - \frac{\pi}{8} \quad (\cdot/25) \end{cases} \quad k \in \mathbb{Z}$$

توجه: اگر دسته دوم جواب در هر دو روش به صورت $x = k\pi + \frac{3\pi}{8}$ نوشته شده باشد، نمره تعلق گیرد.

صفحه ۴۷

صفحه ۳ از ۹

گذاری آزمون نهایی درس: ریاضی ۳	پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۱۱
تعداد صفحه: ۹	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	
تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش	
ردیف	گذاری	نمره	

الف) روش اول:

۰/۷۵

$$\lim_{x \rightarrow 8} \frac{x-8}{\sqrt[3]{x}-2} \times \frac{\sqrt[3]{x^2} + 2\sqrt[3]{x} + 4}{\sqrt[3]{x^2} + 2\sqrt[3]{x} + 4} = \lim_{x \rightarrow 8} \frac{(x-8)(\sqrt[3]{x^2} + 2\sqrt[3]{x} + 4)}{x-8} = \lim_{x \rightarrow 8} (\sqrt[3]{x^2} + 2\sqrt[3]{x} + 4) = 12 \quad (۰/۲۵)$$

$$\lim_{x \rightarrow 8} \frac{x-8}{\sqrt[3]{x}-2} = \lim_{x \rightarrow 8} \frac{\sqrt[3]{x^2} + 2\sqrt[3]{x} + 4}{\sqrt[3]{x}-2} = \lim_{x \rightarrow 8} (\sqrt[3]{x^2} + 2\sqrt[3]{x} + 4) = 12 \quad (۰/۲۵) \quad \text{روش دوم:}$$

$$\sqrt[3]{x} = t \Rightarrow x = t^3 \quad (۰/۲۵)$$

$$\lim_{x \rightarrow 8} \frac{x-8}{\sqrt[3]{x}-2} = \lim_{t \rightarrow 2} \frac{t^3-8}{t-2} = \lim_{t \rightarrow 2} \frac{(t-2)(t^2+2t+4)}{t-2} = 12 \quad \text{روش سوم:}$$

صفحه ۵۲

ب)

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^\Delta + 4}{x^3 + x^\Delta} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^\Delta}{x^\Delta} = 2 \quad (۰/۲۵) \quad \text{روش اول:}$$

۰/۵

روش دوم:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^\Delta + 4}{x^3 + x^\Delta} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^\Delta(2 + \frac{4}{x^\Delta})}{x^\Delta(\frac{1}{x^3} + 1)} = 2$$

صفحه ۶۴

۰/۷۵

$$\text{پ) } \lim_{x \rightarrow 4} \frac{[x]-4}{4-x} = \lim_{x \rightarrow 4} \frac{-1}{4-x} = -\infty$$

توجه: اگر دانش آموز جواب را تنها $-\infty$ نوشته بود، نمره کامل و اگر $+\infty$ نوشته بود (۰/۲۵) نمره تعلق گیرد.

صفحه ۵۷

گذاری آزمون نهایی درس: ریاضی ۳	پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۱۱
تعداد صفحه: ۹	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	
تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش	
ردیف	گذاری		
نمره			

۹	$f'(2) = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + 1 - 5}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x-2)(x+2)}{x-2} = 4 \quad (0/25)$ <p>روش اول:</p> $f'(2) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{4 + 4h + h^2 + 1 - 5}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{h(4+h)}{h} = 4 \quad (0/25)$ <p>روش دوم:</p> $f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(x+h)^2 + 1 - x^2 - 1}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{2xh + h^2}{h} = 2x \quad (0/25)$ <p>روش سوم:</p> $\Rightarrow f'(2) = 2 \times 2 = 4 \quad (0/25)$	صفحه ۷۳
---	---	---------

۱۰	$f'(x) = \underbrace{(3x^2 + 6)}_{0/25} \underbrace{(\sqrt[3]{x})}_{0/25} + \underbrace{\left(\frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}}\right)}_{0/25} (x^3 + 6x)$ <p>تذکر: با توجه به اینکه دانش آموز ممکن است فرجه ۳ را توان در نظر بگیرد، به روش زیر نمره تعلق گیرد:</p> $f'(x) = \underbrace{3(x^3 + 6x)^2}_{0/25} \underbrace{(3x^2 + 6)\sqrt{x}}_{0/25} + \underbrace{\frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}}}_{0/25} \underbrace{2\sqrt{x}}_{0/25} (x^3 + 6x)^2$ $g'(x) = \frac{\underbrace{(2)(5x^2 + 4)}_{0/25} - \underbrace{(10x)(2x + 3)}_{0/25}}{\underbrace{(5x^2 + 4)^2}_{0/25}}$	صفحه ۹۲
----	--	---------

۱۱	$\lim_{x \rightarrow 5} \frac{f(x) - f(5)}{x - 5} = f'(5) = 4 \quad (0/25)$ $h'(2) = g'(2) \cdot f'(g(2)) = 3 \times f'(5) = 12 \quad (0/25)$	صفحه ۸۷
----	---	---------

۱۲	الف) نقطه (۰/۲۵) صفحه ۸۲ ب) خیر (۰/۲۵) زیرا در $x=6$ مشتق چپ (پیوستگی چپ) ندارد (۰/۲۵) صفحه ۸۹	صفحه ۸۲
	صفحه ۱۵ از ۹	

گذاری آزمون نهایی درس: ریاضی ۳	پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۱۱
تعداد صفحه: ۹	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	
تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش	
ردیف	گذاری	نمره	

۱۳	صفحه ۹۶	۰/۵	$f'(x) = \frac{7}{2\sqrt{x}} \Rightarrow f'(25) = \frac{7}{10}$											
	روش اول:	۱	$f'(x) = 3x^2 - 12 = 0 \Rightarrow x = \pm 2 \quad (0/25)$											
	الف) $[-2, 2]$ $(0/25)$		<table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>-2</td> <td>2</td> </tr> <tr> <td>f'</td> <td>+</td> <td>-</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td>↗</td> <td>↘</td> <td>↗</td> </tr> </table>	x	-2	2	f'	+	-	+	f	↗	↘	↗
x	-2	2												
f'	+	-	+											
f	↗	↘	↗											
	رسم جدول $(0/25)$	۰/۲۵	<p>ب) با توجه به جدول تغییرات،</p> <p>روش دوم:</p> <p>الف) $x \leq 2 \Rightarrow -2 \leq x \leq 2 \quad (0/5)$</p> <p>ب) با توجه به قسمت الف،</p> <p>رسم نمودار $(0/5)$</p>											
	روش سوم:		$f'(x) = 3x^2 - 12 \quad (0/25)$											
	الف):		<p>اکید است. $(0/25)$</p> <p>رسم نمودار $(0/5)$</p>											
	الف):		<p>نامشبت است، پس تابع نزولی $[-2, 2]$</p>											
			<p>رسم نمودار</p>											
			<p>توجه: اگر جواب قسمت الف به صورت هریک از بازه‌های $[-2, 2]$ یا $(-2, 2)$ یا $(-2, 2)$ هم نوشته شده باشد، نمره تعلق گیرد.</p>											
	صفحه ۱۱۲													
	صفحه ۹ از ۹													

۱/۵

$$x + 2y = 100 \Rightarrow x = 100 - 2y \quad (/25)$$

$$S = x \cdot y = (100 - 2y)y = 100y - 2y^2 \quad (/25)$$

$$S'(y) = 100 - 4y = 0 \Rightarrow y = 25 \quad (/25)$$

$$S_{\max} = 50 \times 25 = 1250 \quad (/25)$$

y	0	25	50
S'	+	0	-
S	↗	0	↘

رسم جدول (۰/۲۵)
روش دوم:

۱۵

$$x + 2y = 100 \Rightarrow 2y = 100 - x \Rightarrow y = \frac{100 - x}{2} \quad (/25)$$

$$S = xy = x \left(\frac{100 - x}{2} \right) = \frac{100x - x^2}{2} \quad (/25)$$

$$S'(x) = \frac{100 - 2x}{2} = 0 \Rightarrow 2x = 100 \Rightarrow x = 50 \quad (/25)$$

$$S_{\max} = 50 \times 25 = 1250 \quad (/25)$$

x	0	50
S'	+	-
S	↗	↘

رسم جدول (۰/۲۵)
صفحه ۱۲۰

روش اول:

$$\begin{cases} 2c = 3 - (-5) = 8 \Rightarrow c = 4 \\ a = 5 \end{cases} \Rightarrow a^2 = b^2 + c^2 \Rightarrow 25 = b^2 + 16 \Rightarrow b = 3 \Rightarrow 2b = 6 \quad (/25)$$

روش دوم:

$$2c = FF' = \sqrt{(1-1)^2 + (3+5)^2} = 8 \Rightarrow c = 4 \quad (/25)$$

$$a = 5 \Rightarrow b = \sqrt{a^2 - c^2} = \sqrt{9} = 3 \Rightarrow 2b = 6 \quad (/25)$$

روش سوم: با توجه به شکل، $c = 4$ و $(0/25)$

$$\Delta^2 = b^2 + 4^2 \Rightarrow b^2 = 9 \Rightarrow b = 3 \Rightarrow 2b = 6 \quad (/25)$$

صفحه ۱۳۲

گذاری آزمون نهایی درس: ریاضی ۳		پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۱۱
تعداد صفحه: ۹		مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران
ردیف		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش		
نمره		گذاری		
		تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		

روش اول:

$$r = \frac{|4+6-25|}{\sqrt{16+9}} = 3 \quad (./25)$$

روش دوم:

$$\underbrace{(x-1)^2}_{./25} + \underbrace{(y+2)^2}_{./25} = 9 \quad (./25)$$

$$\begin{cases} 4x - 3y = 25 \\ 4y + 3x = -5 \end{cases} \quad (./25)$$

$$25x = 85 \Rightarrow x = \frac{17}{5} = 3\frac{2}{5}, \quad y = -3\frac{1}{5} \Rightarrow A(3\frac{2}{5}, -3\frac{1}{5}) \quad (./25)$$

$$r = OA = \sqrt{(2\frac{2}{5})^2 + (-1\frac{1}{5})^2} = 3 \Rightarrow (x-1)^2 + (y+2)^2 = 9 \quad (./25)$$

روش سوم:

$$r = \frac{|4+6-25|}{\sqrt{16+9}} = 3 \quad (./25)$$

$$x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$$

$$O(-\frac{a}{2}, -\frac{b}{2}) = (1, -2) \Rightarrow \underbrace{a = -2}_{./25}, \quad \underbrace{b = 4}_{./25}$$

$$r = \frac{1}{2}\sqrt{a^2 + b^2 - 4c} = 3 \Rightarrow \sqrt{4+16-4c} = 6 \Rightarrow 20-4c = 36 \Rightarrow \underbrace{c = -4}_{./25}$$

$$\Rightarrow x^2 + y^2 - 2x + 4y - 4 = 0$$

۱۷

صفحة ۱۴۲

صفحة ۸ از ۹

گذاری آزمون نهایی درس: ریاضی ۳		پایه: دوازدهم	رشته: علوم تجربی	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۱۱
تعداد صفحه: ۹		مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران
ردیف		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش		
		تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		
گذاری		نمره		

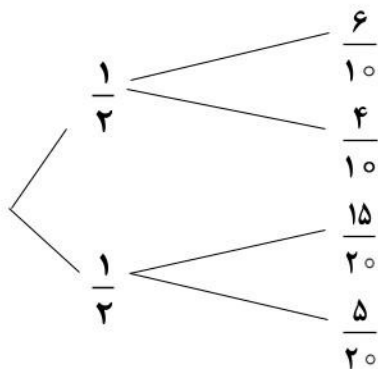
روش اول: A و جعبه اول را B_1 و جعبه دوم را B_2 داریم:

$$P(A) = P(B_1)P(A|B_1) + P(B_2)P(A|B_2)$$

$$P(A) = \frac{1}{2} \times \frac{6}{10} + \frac{1}{2} \times \frac{15}{20} = \frac{6}{20} + \frac{15}{40} = \frac{27}{40} = 0.675 \quad (0.25)$$

۰/۲۵ ۰/۲۵ ۰/۲۵ ۰/۲۵

توجه: اگر دانش آموز فقط فرمول قانون احتمال کل را بنویسد و ادامه راه حل را ننویسد، (۰/۲۵) نمره تعلق گیرد.
روش دوم:



$$P(A) = \frac{1}{2} \times \frac{6}{10} + \frac{1}{2} \times \frac{15}{20} = \frac{6}{20} + \frac{15}{40} = \frac{27}{40} = 0.675 \quad (0.25)$$

۰/۲۵ ۰/۲۵ ۰/۲۵ ۰/۲۵

توجه: اگر دانش $\square \square \square \square \square \square \square \square$ به طور کامل رسم کند و ادامه راه حل را ننویسد، (۰/۷۵) نمره تعلق گیرد.
روش سوم:

$$P(A') = \frac{1}{2} \times \frac{4}{10} + \frac{1}{2} \times \frac{5}{20} = \frac{4}{20} + \frac{5}{40} = \frac{13}{40} \quad (0.25)$$

۰/۲۵ ۰/۲۵

$$P(A) = 1 - \frac{13}{40} = \frac{27}{40} = 0.675 \quad (0.25)$$

۰/۲۵

صفحه ۱۴۸

۲۰	جمع نمره	موفق باشید
		صفحه ۹ از ۹